

Corrigé Type (Examen –Diffusion_2025)

Exercice .1

1- La variation de $D = f(1/T)$ est linéaire :

en effet en utilisant l'expression $D = A \cdot \exp(-E_a/RT)$ équation (1) **(1Point)**

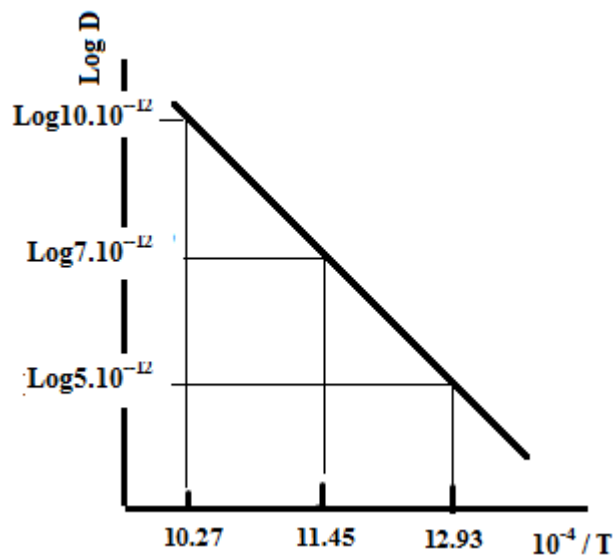
on obtient : $\ln D = \ln A - E_a/RT$ équation (2) **(1Point)**

et en convertissant en logarithme décimal :

en divisant les deux membres de l'équation(2) par 2.3 on obtient alors :

$\text{Log}(D) = \text{Log}(A) - (E_a/2.3.R) \times 1/T$ équation (3) **(1Point)**

Et comme l'équation (3) est une droite alors sa pente est égale à $(E_a/2.3.R)$.



D'après la courbe la pente est : $(E_a/2.3.R) = (\text{Log}7.10^{-12} - \text{Log}5.10^{-12}) / (12.93 - 11.45) \cdot 10^{-4} = 0.10 \times 10^4$ **(2Points)**

On trouve alors l'énergie d'activation $E_a = 2.3(8.314) \times (0.10) \times 10^4 = 19.1 \text{ kJ/mole}$ **(1Point)**

2- On en déduit : que la constante (A) est obtenue à partir de l'équation (3)

en prenant $T = 500^\circ\text{C} = 773 \text{ K}$ et $D = 5.10^{-12} \text{ m}^2/\text{s}$

Il vient alors : $\text{Log} A = \text{Log} 5.10^{-12} + 0.10 \times 10^4 \times 12.93 \times 10^{-4}$ **(1.5Point)**

on aura alors $\text{Log} A = -10.01$ d'où $A = 9.77 \times 10^{-11} \text{ m}^2/\text{s}$ **(1.5Point)**

3- Calcul du coefficient de diffusion pour la température 900°C :

Comme A et E_a sont déjà calculés alors $D_{900^\circ\text{C}}$ peut être déduit de l'équation (3) :

$\text{Log} D_{900^\circ\text{C}} = -10.01 - 0.10 \times 10^4 \times 8.52 \times 10^{-4} = -10.86$ **(1.5Point)**

alors $D_{900^\circ\text{C}} = 1.4 \times 10^{-11} \text{ m}^2/\text{s}$. **(1.5Point)**

Exercice.2

La 1^{ère} Loi de Fick s'écrit : $J = -D \frac{\partial C}{\partial x}$ (**1Point**) où J : la densité de particules

et $\Phi = J.S = -D \frac{\partial C}{\partial x} . S$ équation (1) : est le flux de diffusion (**1Point**)

et $\Phi/S =$ le flux de diffusion par unité de surface (**0.5Point**)

et comme on est en régime stationnaire alors $\frac{\partial C}{\partial x} =$ constante d'où $J =$ constante (**1Point**)

On aura $\Phi/S = -D \frac{\Delta C}{\Delta x}$ équation (2) (**1Point**)

avec $\Delta x =$ distance sous la surface du côté où la pression est la plus élevée

Détermination de Δx ? à partir de l'équation (2) : on a $\Delta x = -D \frac{\Delta C}{\Phi/S}$ (**1.5Point**)

on obtient: $\Delta x = -6 \times 10^{-11} (2 - 4) / 1.2 \times 10^{-7} = 12 \times 10^{-4} / 1.2 = 1.2 \times 10^{-3} / 1.2 = 1 \times 10^{-3} \text{ m} = 1 \text{ mm}$ (**2Points**)